

**CC3201-1**

**BASES DE DATOS**

**PRIMAVERA 2016**

**Clase 5: Álgebra Relacional**

Aidan Hogan

aidhog@gmail.com

# **RESUMEN DE LOS CONTENIDOS ANTERIORES**

# Modelo Relacional: Conceptos

<b>Cervezas</b>			
<b>nombre</b>	<b>tipo</b>	<b>grados</b>	<b>ciudad-origen</b>
Austral Lager	Lager	4,6	Punta Arenas
Austral Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas
Austral Pale Ale	Ale	5,0	Punta Arenas
Kuntsmann Torobayo	Ale	5,0	Valdivia
Kross 5	Ale	7,2	Curacaví
Kross Golden	Ale	5,3	Curacaví
Kross Pilsner	Pilsner	4,9	Curacaví

- **Relación**: A cada tabla la llamamos una relación
  - En este caso: **Cervezas**
- **Atributo**: A cada columna la llamamos un atributo
  - En este caso: **nombre, tipo, grados, ciudad origen**
- **Tupla**: A cada fila, la llamamos una tupla
  - En este caso, p.e.,  
Kuntsmann Torobayo    Ale                    5,0                    Valdivia

# Modelo Relacional: Instancia

```
Cerveza(marca:string,nombre:string,tipo:string,grados:float,origen:string,ml:int,precio:int)  
Vino(marca:string,nombre:string,año:int,tipo:string,grados:float,origen:string,ml:int,precio:int)
```

- Una instancia de un **esquema** es un conjunto de tuplas para cada relación de ese esquema

*No hay orden en las filas*  
*No se puede tener filas duplicadas*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

**¿PARA QUÉ NECESITAMOS  
EL ÁLGEBRA RELACIONAL?**

# ¿Para qué necesitamos tablas?

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

# ¿... para colgarlas en la pared y reflexionar sobre ellas?

**Cerveza**

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

**Vino**

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	2000

*Una obra maravillosa ...*

*... pero ...*

*... personalmente yo definiría el atributo 'ml' como parte de la llave porque si hay el mismo tipo de trago con distintos volúmenes entonces tendremos problemas.*

**(Puede ser.)**

... pero más probablemente queremos  
contestar preguntas prácticas!

### Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

### Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*¿Cuál es la forma más económica de emborracharme esta noche?*

(Por ejemplo.)

# Consideremos algunas preguntas

*¿Cuáles cervezas hay?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000



# Consideremos algunas preguntas

*¿Cuáles cervezas de la marca  
“Austral” hay?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400



# Consideremos algunas preguntas

*¿Cuáles ales hay?*

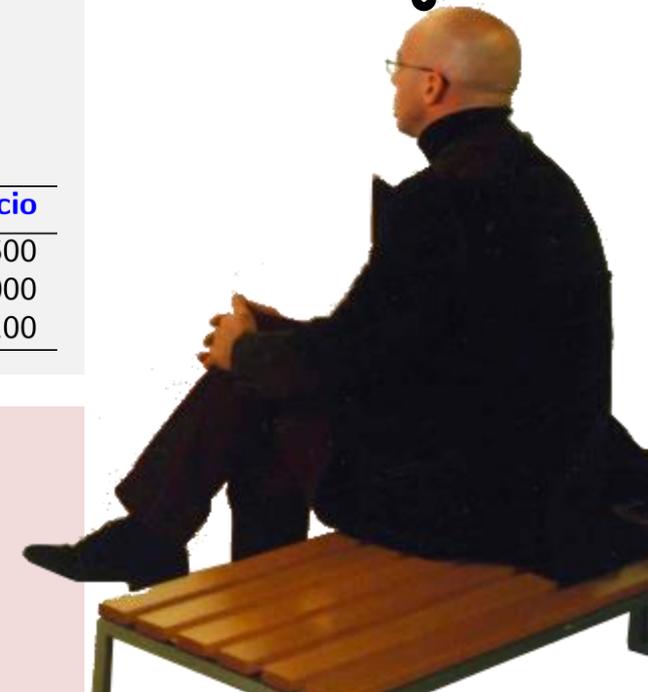
## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000



# Consideremos algunas preguntas

*4,5? Pff. ¿cuáles ales son más fuertes que 4,8?*

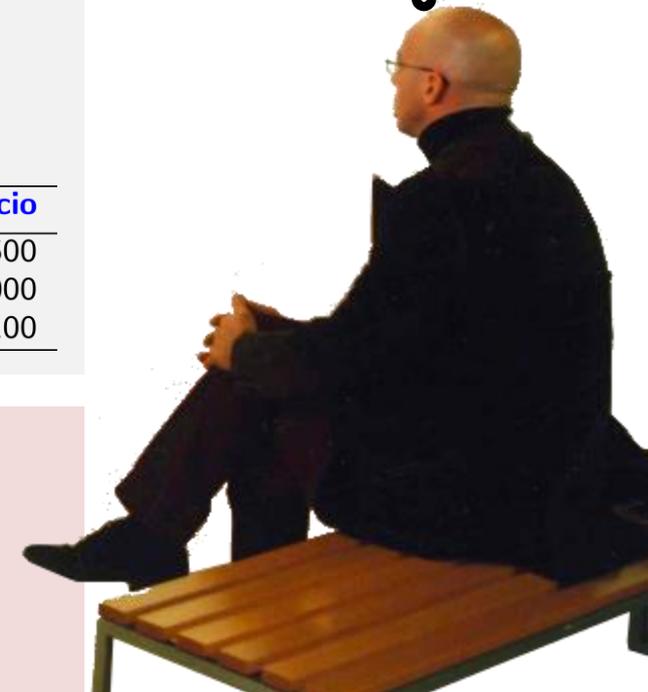
## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400



# Consideremos algunas preguntas

Un paso atrás ...  
*¿Cuáles tipos de cerveza hay?*

## Cerveza

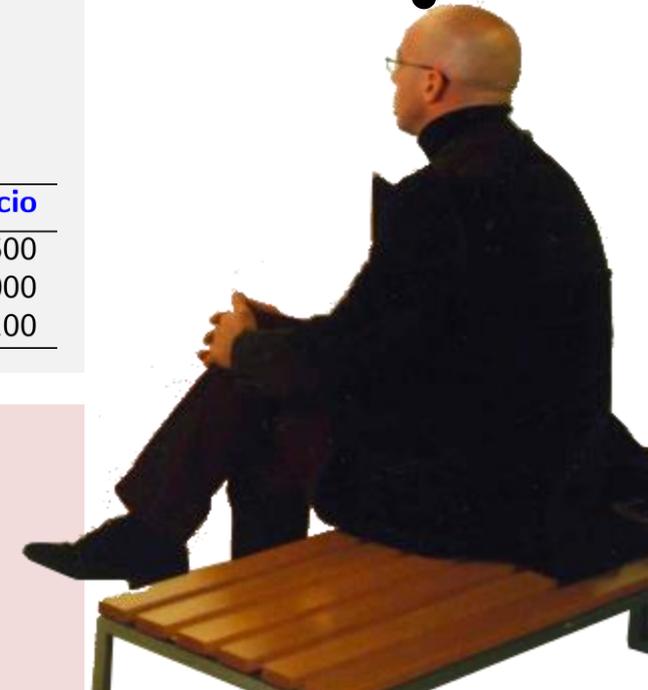
<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

## tipo

Ale  
Lager



# Consideremos algunas preguntas

*Y ¿cuáles tipos tienen una cerveza más fuerte que 4,8?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

## tipo

Ale



# Consideremos muchas preguntas

**Pero odio cerveza.**  
*¿Cuáles marcas, años y regiones de vino hay?*

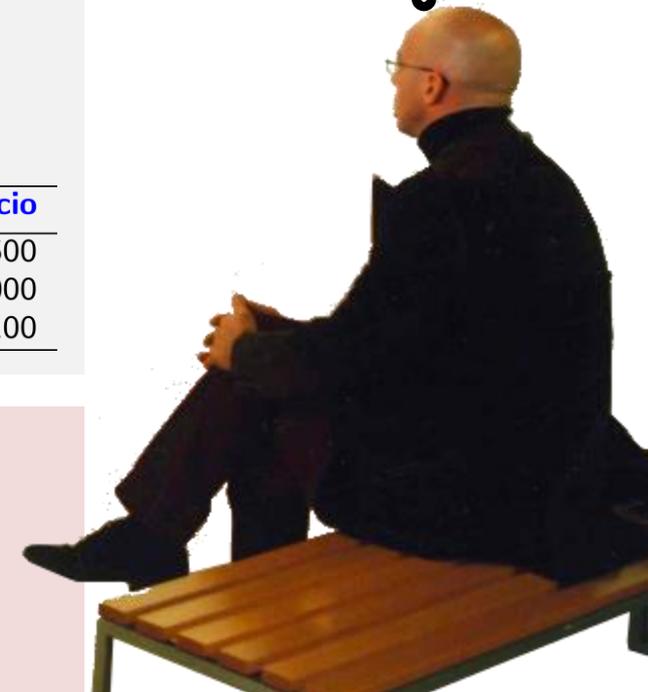
## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>marca</u>	<u>año</u>	<u>origen</u>
Casablanca	2016	Chardonnay
Maipo	2015	Syrah
Maipo	2014	Carménère



# Consideremos muchas preguntas

*Y ¿cuáles vinos son del tipo  
o Carménère o Syrah?*

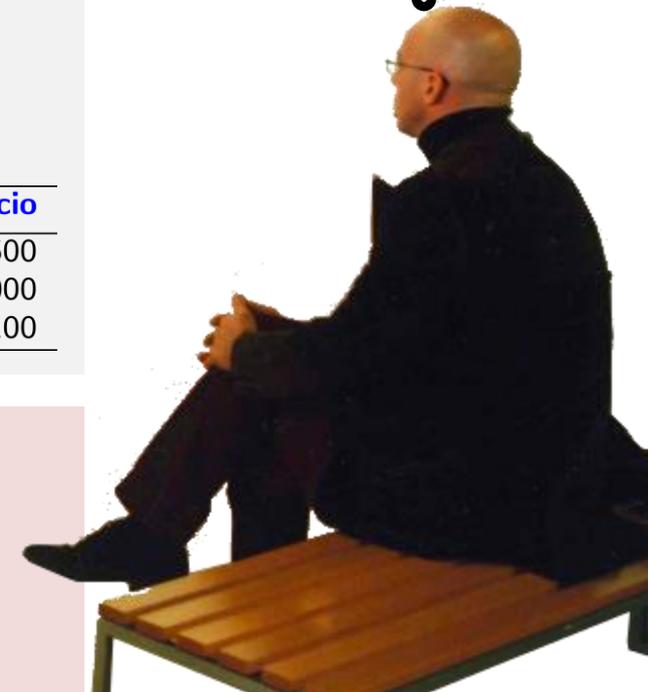
## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100



# Consideremos demasiadas preguntas

*Estoy curioso ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale y un lager?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

## marca

Austral



# Consideremos demasiadas preguntas

*Y ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale pero no un lager?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

## marca

Raco



# Consideremos demasiadas preguntas

*Y ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale o un lager?*

## Cerveza

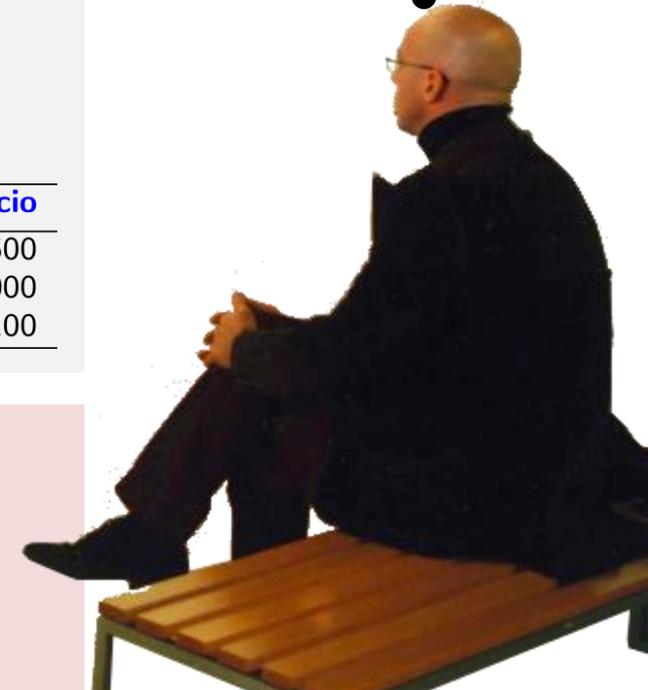
<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

## marca

Raco  
Austral



# Consideremos demasiadas preguntas

*Mi madre es de Maipo. ¿Cuáles marcas de trago son de Maipo?*

## Cerveza

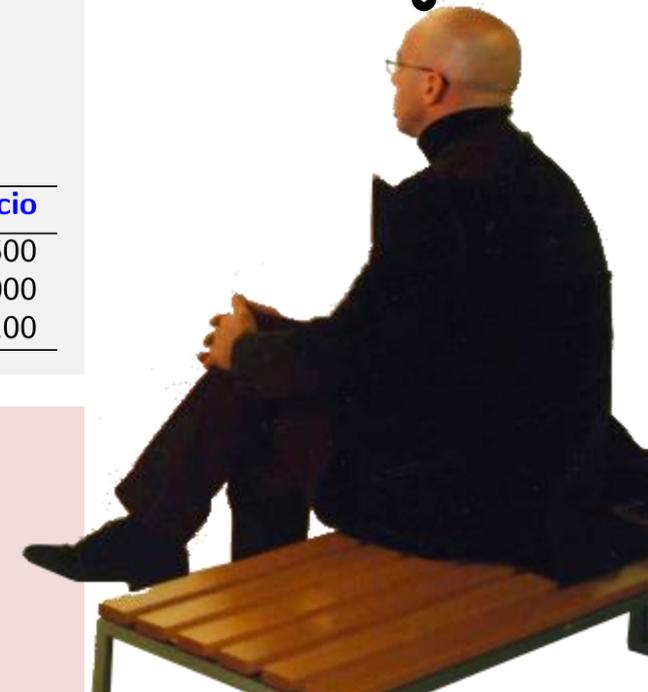
<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

## tipo

Concha y Toro  
Tarapacá  
Raco



# Consideremos demasiadas preguntas

*Y ¿hay vinos con el mismo precio que cervezas?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>vmarca</u>	<u>vnombre</u>	...	<u>vprecio</u>	<u>cmarca</u>	<u>cnombre</u>	...	<u>cprecio</u>
Concha y Toro	Amelie	...	3000	Raco	Amber	...	3000



# Consideremos demasiadas preguntas

*Y ¿marcas de vino que tienen un vino de cada región de vinos?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

## marca

Concha y Toro



# Consideremos demasiadas preguntas



*¿Cuántos tipos de cerveza hay?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

## conteo

2



# ¿Consideremos todas las preguntas?

*¿Cuántas cervezas hay por tipo?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>tipo</u>	<u>conteo</u>
Ale	2
Lager	1



# ¿Consideremos todas las preguntas?

*¿Qué son las cervezas  
en orden ascendente de grados?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400



# ¿Consideremos todas las preguntas?

*¡Se acabó! ¿Cuál es el trago con el mejor cociente entre volumen total de alcohol y precio?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	...	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>	<u>cociente</u>
Concha y Toro	Amelie	...	14,0	Casablanca	700	3000	0,03375



# ¿Consideremos la última pregunta?

*¿Debería comprar este vino?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

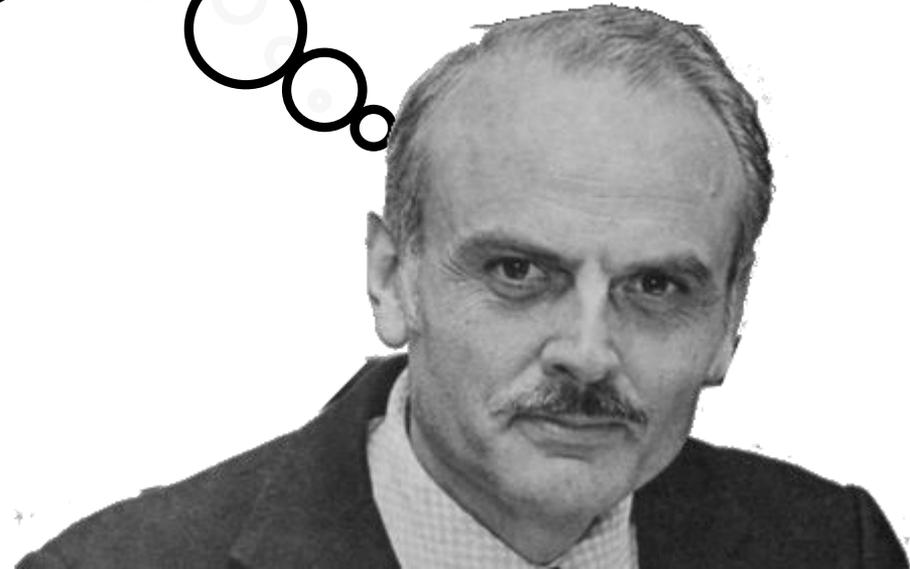
## debería-usted-comprar-el-vino

Sí, si lo hace dejar de hacer preguntas tontas.



# Una pregunta inteligente (de Codd)

**¿Como se puede generalizar y formalizar estas tipas de preguntas sobre el modelo relacional?**



# Como se puede generalizar estas preguntas ...

marca	nombre	...	grados	origen	ml	precio	cociente		tipo
Concha y Toro	Amelie	...	14,0	Casablanca	700	3000	0,03375		Ale Lager

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio		marca	ml
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000		Concha y Toro	330
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400			

marca	año	origen		marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Casablanca	2016	Chardonnay		Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000
Maipo	2015	Syrah	<u>tipo</u>	Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Maipo	2014	Carménère		Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400

marca	nombre	año	tipo	grados	origen	ml	precio		tipo	conteo
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500		Ale	2
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100		Lager	1

conteo	vmarca	vnombre	...	vprecio	cmarca	cnombre	...	cprecio
2	Concha y Toro	Amelie	...	3000	Raco	Amber	...	3000

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio		tipo
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400		Concha y Toro
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000		Tarapacá
								Raco

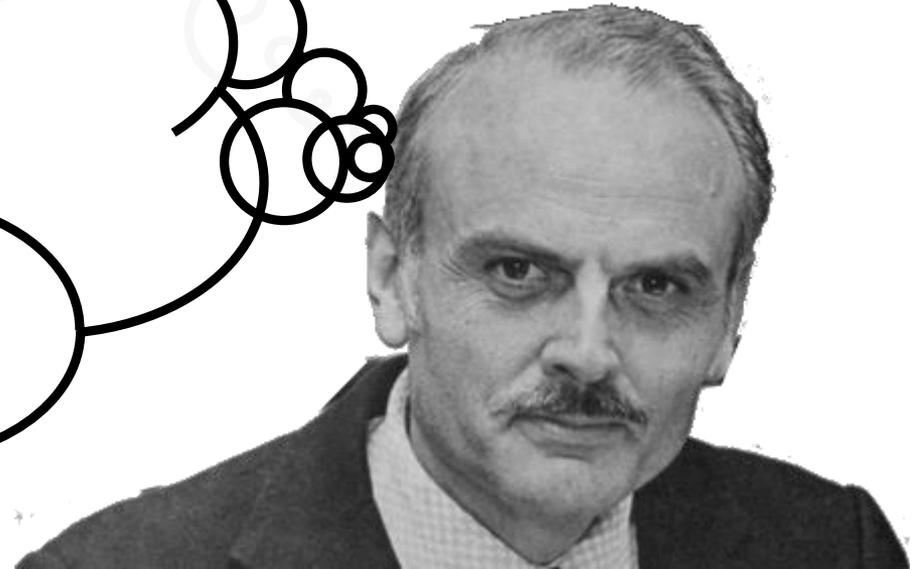
marca	marca	marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral		Raco	Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330 2400

(Las respuestas son tablas.)

# Una idea inteligente (de Codd)

**¿Como se puede generalizar y formalizar estas tipas de preguntas sobre el modelo relacional?**

**Entonces ¿podríamos formalizar preguntas/consultas sobre tablas como una secuencia de operadores que transformen una tabla a otra?**



# EL ÁLGEBRA RELACIONAL (CLÁSICA)

Capítulo 4.1, 4.2.1–4.2.3 Database Management Systems,  
Ramakrishnan / Gehrke (Third Edition)

# Formalizando algunas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*¿Cuáles cervezas hay?*

???

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000



# Formalizando algunas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*¿Cuáles cervezas hay?*

???

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000



# Relaciones

**R**

**R** es una *relación* (una referencia a una tabla).  
Devuelve las filas de la tabla.

Con el mismo significado que en el modelo relacional (el nombre de una tabla),  
**pero no** que en el modelo E/R (una relación que conecta múltiples entidades). ☹️

# Referencia a tablas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

*¿Cuáles cervezas hay?*



# Formalizando algunas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*¿Cuáles cervezas de la marca  
“Austral” hay?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400



# ¡Sí! Selección (de tuplas/filas)

$\sigma$  condición (**R**)

Sea **R** una relación (una referencia a una tabla).

$\sigma$  condición (**R**) devuelve una nueva relación que deja solo las tuplas en **R** que satisfacen la condición

Las condiciones pueden utilizar  $=, >, \geq, <, \leq, \neq$

Se puede combinar condiciones con  $\wedge$  (AND),  $\vee$  (OR)

# ¡Sí! Selección (de tuplas/filas)

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*¿Cuáles cervezas de la marca  
“Austral” hay?*

$\sigma_{\text{marca}} = \text{Austral}(\text{Cerveza})$

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400



# Formalizando algunas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*¿Cuáles ales hay?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000



# ¡No! Selección basta

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

$\sigma_{\text{tipo}} = \text{Ale}(\text{Cerveza})$

*¿Cuáles ales hay?*

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000



# Formalizando algunas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*4,5? Pff. ¿cuáles ales son más fuertes que 4,8?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400



# ¡No! Selección basta (con $>$ y $\wedge$ )

## Cerveza

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

marca	nombre	año	tipo	grados	origen	ml	precio
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

4,5? Pff. ¿cuáles ales son más fuertes que 4,8?

$\sigma$  tipo=Ale  $\wedge$  grados  $>$  4,8 (Cerveza)

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400



# Formalizando algunas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

Un paso atrás ...  
*¿Cuáles tipos de cerveza hay?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

### tipo

Ale

Lager



# ¡Sí! Proyección (de atributos/columnas)

$$\pi_{A_1, \dots, A_n}(\mathbf{R})$$

Sea  $\mathbf{R}$  una relación (una referencia a una tabla).

$\pi_{A_1, \dots, A_n}(\mathbf{R})$  devuelve una nueva relación que deja solo los atributos  $A_1, \dots, A_n$  de  $\mathbf{R}$ .

# Proyección

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

Un paso atrás ...  
*¿Cuáles tipos de cerveza hay?*

$\pi_{\text{tipo}}$  (Cerveza)

tipo

Ale

Lager



# Formalizando algunas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles tipos tienen una cerveza más fuerte que 4,8?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

tipo

Ale



# Selección + Proyección

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles tipos tienen una cerveza más fuerte que 4,8?*

$$\pi_{\text{tipo}}(\sigma_{\text{grados}} > 4,8(\text{Cerveza}))$$

tipo

Ale



# Selección + Proyección

## Cerveza

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

marca	nombre	año	tipo	grados	origen	ml	precio
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles tipos tienen una cerveza más fuerte que 4,8?*

$$\sigma_{\text{grados}} > 4,8 (\text{Cerveza})$$

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400

$$\pi_{\text{tipo}}(\cdot)$$

tipo

Ale

$$\pi_{\text{tipo}}(\sigma_{\text{grados}} > 4,8 (\text{Cerveza}))$$



# Selección + Proyección

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles tipos tienen una cerveza más fuerte que 4,8?*

$\pi_{\text{tipo}}(\sigma_{\text{grados} > 4,8}(\text{Cerveza}))$

$\text{¿Y } \sigma_{\text{grados} > 4,8}(\pi_{\text{tipo}}(\text{Cerveza}))?$

No! Así la proyección va a borrar el atributo **grados** antes que la selección puede verlo. (*¡Error!*)

tipo

Ale

# Formalizando muchas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles marcas de vino tienen un tipo o Carménère o Syrah?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

<u>marca</u>	<u>tipo</u>
Tarapacá	Carménère
Concha y Toro	Syrah



# Selección + Proyección

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles marcas de vino tienen un tipo o Carménère o Syrah?*

$\pi_{\text{marca, tipo}} (\sigma_{\text{tipo}=\text{Carménère} \vee \text{tipo}=\text{Syrah}} (\text{Cerveza}))$

<u>marca</u>	<u>tipo</u>
Tarapacá	Carménère
Concha y Toro	Syrah



# Selección + Proyección

## Cerveza

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

marca	nombre	año	tipo	grados	origen	ml	precio
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

Y ¿cuáles marcas de vino tienen un tipo o Carménère o Syrah?

$$\pi_{\text{marca, tipo}} (\sigma_{\text{tipo}=\text{Carménère} \vee \text{tipo}=\text{Syrah}} (\text{Vino}))$$

¿Y  $\sigma_{\text{tipo}=\text{Carménère} \vee \text{tipo}=\text{Syrah}} (\pi_{\text{marca, tipo}} (\text{Vino}))$ ?

¡Sí, funciona igual!

marca	tipo
Tarapacá	Carménère
Concha y Toro	Syrah



# Formalizando demasiadas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Estoy curioso ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale y un lager?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

marca

Austral



# ¡Sí! Intersección (de relaciones)

$$\mathbf{R}_1 \cap \mathbf{R}_2$$

Sean  $\mathbf{R}_1$  y  $\mathbf{R}_2$  relaciones.

$\mathbf{R}_1 \cap \mathbf{R}_2$  devuelve una nueva relación con todas las tuplas en  $\mathbf{R}_1$  y  $\mathbf{R}_2$ .

$\mathbf{R}_1$  y  $\mathbf{R}_2$  deben tener los mismos atributos.

# Selección + Proyección + Intersección

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

Estoy curioso ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale y un lager?

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Ale}}(\text{Cerveza})) \cap \pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Lager}}(\text{Cerveza}))$

marca

Austral



# Selección + Proyección + Intersección

## Cerveza

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

marca	nombre	año	tipo	grados	origen	ml	precio
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

Estoy curioso ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale y un lager?

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Ale}}(\text{Cerveza}))$

marca

Austral  
Raco

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Lager}}(\text{Cerveza}))$

marca

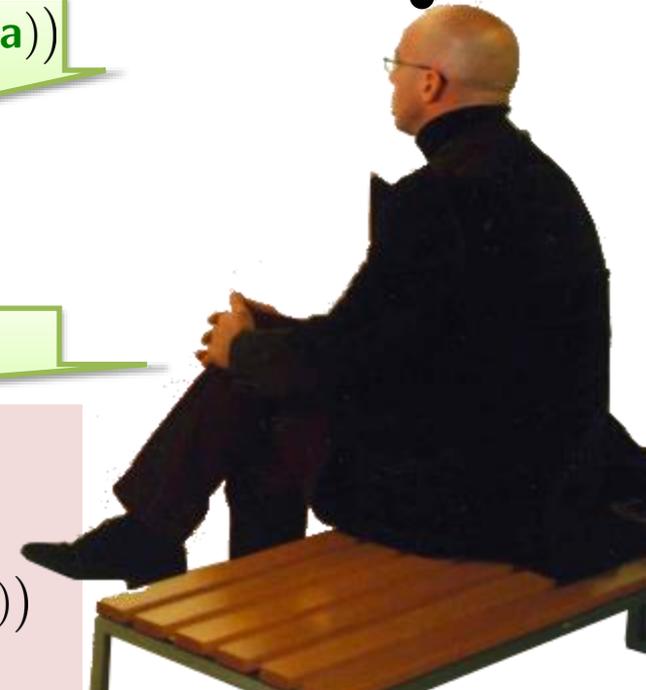
Austral

$\cap$

marca

Austral

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Ale}}(\text{Cerveza})) \cap \pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Lager}}(\text{Cerveza}))$



# Selección + Proyección + Intersección

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

Estoy curioso ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale y un lager?

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Ale}}(\text{Cerveza}) \cap \sigma_{\text{tipo}=\text{Lager}}(\text{Cerveza}))?$

**¡No!**  
**(Resultado vacío)**

marca

Austral



# Formalizando demasiadas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale pero no un lager?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

marca

Raco



# ¡Sí! Diferencia

$$\mathbf{R}_1 - \mathbf{R}_2 \quad (\text{o a veces } \mathbf{R}_1 \setminus \mathbf{R}_2)$$

Sean  $\mathbf{R}_1$  y  $\mathbf{R}_2$  relaciones.

$\mathbf{R}_1 - \mathbf{R}_2$  devuelve una nueva relación con las tuplas en  $\mathbf{R}_1$  que *no* estén en  $\mathbf{R}_2$ .

$\mathbf{R}_1$  y  $\mathbf{R}_2$  deben tener los mismos atributos.

# Selección + Proyección + Diferencia

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale pero no un lager?*

$$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Ale}}(\text{Cerveza})) - \pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Lager}}(\text{Cerveza}))$$

marca

Raco



# Selección + Proyección + Diferencia

## Cerveza

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

marca	nombre	año	tipo	grados	origen	ml	precio
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale pero no un lager?*

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Ale}}(\text{Cerveza}))$

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Lager}}(\text{Cerveza}))$

marca

Austral  
Raco

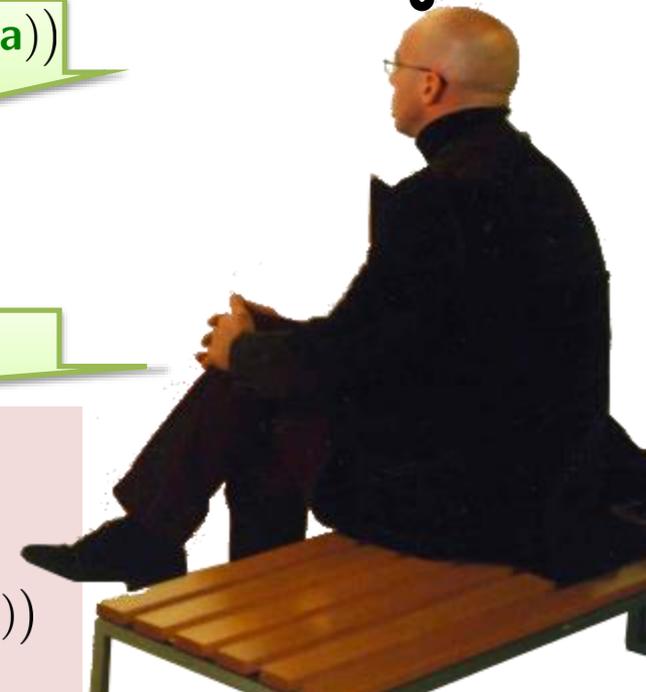
marca

Austral

marca

Raco

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Ale}}(\text{Cerveza})) - \pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Lager}}(\text{Cerveza}))$



# Selección + Proyección + Diferencia

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

Estoy curioso ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale y un lager?

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Ale}}(\text{Cerveza}) - \sigma_{\text{tipo}=\text{Lager}}(\text{Cerveza}))?$

**¡No!**  
**(Todos los ales)**

marca

Raco



# Formalizando demasiadas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale o un lager?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

marca

Raco

Austral



# Formalizando demasiadas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>
Tarapacá	Gran	201
Concha y Toro	Amelie	201
Concha y Toro	Gravas	201

¿Se necesita

es una trampa..!

Huyan!!

Y ¿cuáles marcas de cerveza tienen un lager?



marca

Raco

Austral



# Selección + Proyección

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿cuáles marcas de cerveza tienen un ale o un lager?*

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{tipo}=\text{Ale}} \vee \text{tipo}=\text{Lager}(\text{Cerveza}))$

marca

Raco

Austral



# Formalizando demasiadas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Mi madre es de Maipo. ¿Cuáles marcas de trago son de Maipo?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

## tipo

Concha y Toro  
Tarapacá  
Raco



# ¡Sí! Unión (de tablas)

$$R_1 \cup R_2$$

Sean  $R_1$  y  $R_2$  relaciones.

$R_1 \cup R_2$  devuelve una nueva relación con todas las tuplas en  $R_1$  o  $R_2$  (o ambas).

$R_1$  y  $R_2$  deben tener los mismos atributos.

# Selección + Proyección + Unión

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Mi madre es de Maipo. ¿Cuáles marcas de trago son de Maipo?*

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{origen}=\text{Maipo}}(\text{Cerveza})) \cup \pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{origen}=\text{Maipo}}(\text{Vino}))$

## tipo

Concha y Toro  
Tarapacá  
Raco



# Selección + Proyección + Unión

## Cerveza

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

marca	nombre	año	tipo	grados	origen	ml	precio
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Mi madre es de Maipo. ¿Cuáles marcas de trago son de Maipo?*

$\pi_{\text{marca}}(\sigma_{\text{origen}=\text{Maipo}}(\text{Cerveza}) \cup \sigma_{\text{origen}=\text{Maipo}}(\text{Vino}))?$

*¡No! Los atributos no son los mismos en ambas relaciones. (¡Error!)*

## tipo

Concha y Toro  
Tarapacá  
Raco

# Formalizando demasiadas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*¿Cuáles son las pares de nombres de cervezas donde la primera cerveza sea más fuerte que la segunda?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

nombre1   nombre2

Lager	Amber
Yagan	Lager
Yagan	Amber



# ¡Sí! Producto cartesiano (o producto cruz)

$$\mathbf{R}_1 \times \mathbf{R}_2$$

Sean  $\mathbf{R}_1$  y  $\mathbf{R}_2$  relaciones.

$\mathbf{R}_1 \times \mathbf{R}_2$  devuelve una nueva relación  
con todas las tuplas  $(r_1, r_2)$

tal que  $r_1 \in \mathbf{R}_1, r_2 \in \mathbf{R}_2$

$\mathbf{R}_1$  y  $\mathbf{R}_2$  no pueden tener atributos en comunes.

# ¡También! Renombramiento

Actualizada.

$$\rho_{A_i / A_j} (R)$$

Sea  $R$  una relación.

$\rho_{A_i / A_j} (R)$  devuelve una nueva relación igual a  $R$  pero con  $A_i$  renombrado a  $A_j$

*Formalmente es necesario, pero no vamos a utilizar esta forma aquí. Utilizaremos subíndices simples para distinguir nombres de atributos en un producto para evitar ser innecesariamente verbosos. Implícitamente, cuando usemos subíndices, implique el uso de este operador.*

# Selección + Proyección + Producto

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*¿Cuáles son las pares de nombres de cervezas donde la primera cerveza sea más fuerte que la segunda?*

$$\pi_{\text{nombre}_1, \text{nombre}_2} (\sigma_{\text{grados}_1 > \text{grados}_2} (\text{Cerveza}_1 \times \text{Cerveza}_2))$$

<u>nombre1</u>	<u>nombre2</u>
Lager	Amber
Yagan	Lager
Yagan	Amber



# Formalizando demasiadas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿hay vinos con el mismo precio que cervezas?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

<u>vmarca</u>	<u>vnombre</u>	...	<u>vprecio</u>	<u>cmarca</u>	<u>cnombre</u>	...	<u>cprecio</u>
Concha y Toro	Amelie	...	3000	Raco	Amber	...	3000



# Selección + Producto

## Cerveza

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

marca	nombre	año	tipo	grados	origen	ml	precio
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿hay vinos con el mismo precio que cervezas?*

$$\sigma_{\text{precio}_v} = \text{precio}_c (\text{Vino} \times \text{Cerveza})$$

vmarca	vnombre	...	vprecio	cmarca	cnombre	...	cprecio
Concha y Toro	Amelie	...	3000	Raco	Amber	...	3000



# Join (*Reuniones*)

$$\begin{aligned} & \mathbf{R}_1 \bowtie_{\text{condición}} \mathbf{R}_2 \\ & \text{(EQUIVALENTE A)} \\ & \sigma_{\text{condición}} (\mathbf{R}_1 \times \mathbf{R}_2) \end{aligned}$$

En estricto rigor, no es un operador, porque es cubierto por los operadores de producto y selección, pero join es tan común se abrevia así.

# Join = Selección + Producto

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*¿Cuáles son las pares de nombres de cervezas donde la primera cerveza sea más fuerte que la segunda?*

$\pi_{\text{nombre}_1, \text{nombre}_2} (\sigma_{\text{grados}_1 > \text{grados}_2} (\text{Cerveza}_1 \times \text{Cerveza}_2))$   
 $\circ$   
 $\pi_{\text{nombre}_1, \text{nombre}_2} (\text{Cerveza}_1 \bowtie_{\text{grados}_1 > \text{grados}_2} \text{Cerveza}_2)$

<u>nombre1</u>	<u>nombre2</u>
Lager	Amber
Yagan	Lager
Yagan	Amber



# Join = Selección + Producto

## Cerveza

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

marca	nombre	año	tipo	grados	origen	ml	precio
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿hay vinos con el mismo precio que cervezas?*

$$\pi_{\text{nombre}_1, \text{nombre}_2} (\sigma_{\text{precio}_v = \text{precio}_c} (\text{Vino} \times \text{Cerveza}))$$

$$\pi_{\text{nombre}_1, \text{nombre}_2} (\text{Vino} \bowtie_{\text{precio}_v = \text{precio}_c} \text{Cerveza})$$

marcav	nombrev	...	preciov	marcac	nombrec	...	precio
Concha y Toro	Amelie	...	3000	Raco	Amber	...	3000



# Formalizando demasiadas preguntas

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

*Y ¿marcas de vino que tienen un vino de cada región de vinos?*

*¿Se necesita un operador nuevo aquí?*

???

marca

Concha y Toro

*Una tarea.*



# Operadores unarios vs. binarios

Actualizado.

- Operadores unarios:

- Mencionan sola una relación:

$$\pi_{A_1, \dots, A_n}(\mathbf{R}) \quad \sigma_{\text{condición}}(\mathbf{R}) \quad \rho_{A_i/A_j}(\mathbf{R})$$

- Operadores binarios:

- Mencionan dos relaciones:

*¿Se necesitan todos estos operadores?*

$$\mathbf{R}_1 \cup \mathbf{R}_2$$

$$\mathbf{R}_1 \times \mathbf{R}_2$$

$$\mathbf{R}_1 \cap \mathbf{R}_2$$

$$\mathbf{R}_1 - \mathbf{R}_2$$

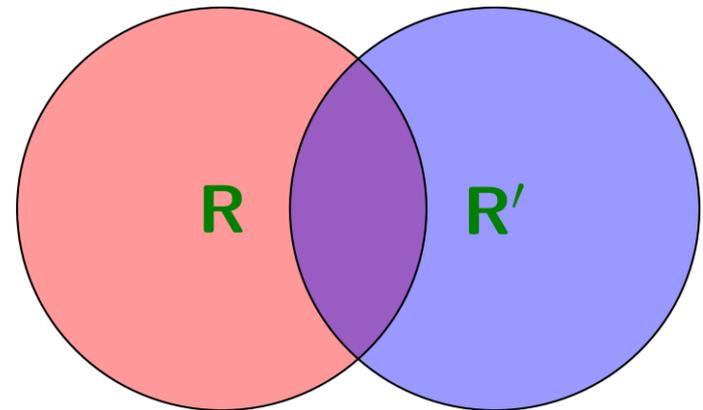
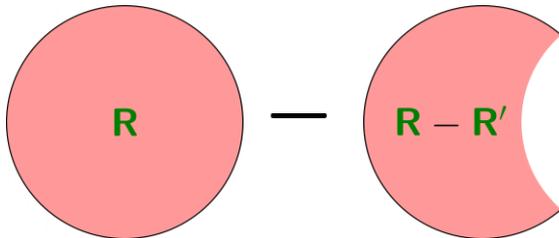
$$\mathbf{R}_1 \bowtie_{\text{condición}} \mathbf{R}_2$$

# Modelando Intersección con otros operadores

Actualizado.

*¿Cómo se puede hacerla?*

$$R \cap R' \equiv R - (R - R')$$



# Modelando Intersección con otros operadores

Actualizado.

*¿Cómo se puede hacerla?*

$$\mathbf{R} \cap \mathbf{R}' \equiv \pi_{\mathbf{A}_1, \dots, \mathbf{A}_n} \left( \sigma_{\mathbf{A}_1 = \mathbf{A}'_1 \wedge \dots \wedge \mathbf{A}_n = \mathbf{A}'_n} (\mathbf{R} \times \mathbf{R}') \right)$$

# El Álgebra Relacional (Mínima / Clásica)

Actualizado.

$\pi_{A_1, \dots, A_n}(\mathbf{R})$     $\sigma_{\text{condición}}(\mathbf{R})$     $\rho_{A_i/A_j}(\mathbf{R})$

$\mathbf{R}_1 \cup \mathbf{R}_2$

$\mathbf{R}_1 \times \mathbf{R}_2$

$\mathbf{R}_1 - \mathbf{R}_2$

$\mathbf{R}_1 \cap \mathbf{R}_2$

$\mathbf{R}_1 \bowtie_{\text{condición}} \mathbf{R}_2$

¿PARA QUÉ NECESITAMOS  
**EL ÁLGEBRA RELACIONAL?**

# ¿... para colgarla en la pared y reflexionar sobre ella?

El Álgebra Relacional (Mínima / Clásica)

$\pi_{A_1, \dots, A_n}(R)$   $\sigma_{\text{condición}}(R)$   $\rho_{A_i/A_j}(R)$

$R_1 \cup R_2$

$R_1 \times R_2$

$R_1 - R_2$

$R_1 \cap R_2$

$R_1 \bowtie_{\text{condición}} R_2$

*Una obra maravillosa ...*

*... pero ...*

*... no entiendo nada.*

**(Puede ser.)**

# ¿Para qué tenemos el álgebra?

*Actualizado.*

- Para definir preguntas en una forma general
- Para definir preguntas sin ambigüedad
- Provee el cimiento de lenguajes de consulta (como SQL)
- Optimizaciones ...

# Ejemplo de una optimización

Actualizado.

## Cerveza

marca	nombre	tipo	grados	origen	ml	precio
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

marca	nombre	año	tipo	grados	origen	ml	precio
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

Y ¿cuáles marcas de vino tienen un tipo o Carménère o Syrah?

$$\pi_{\text{marca, tipo}} \left( \sigma_{\text{tipo}=\text{Carménère} \vee \text{tipo}=\text{Syrah}} (\text{Vino}) \right)$$
$$\sigma_{\text{tipo}=\text{Carménère} \vee \text{tipo}=\text{Syrah}} \left( \pi_{\text{marca, tipo}} (\text{Vino}) \right)$$

marca	tipo
Tarapacá	Carménère
Concha y Toro	Syrah



***NO EN***

**EL ÁLGEBRA RELACIONAL (CLÁSICO)**

# Consideremos demasiadas preguntas

*En SQL.*

*¿Cuántos tipos de cerveza hay?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

## conteo

2



# ¿Consideremos todas las preguntas?

*En SQL.*

*¿Cuántas cervezas hay por tipo?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>tipo</u>	<u>conteo</u>
Ale	2
Lager	1



# ¿Consideremos todas las preguntas?

*En SQL.*

*¿Qué son las cervezas  
en orden ascendente de grados?*

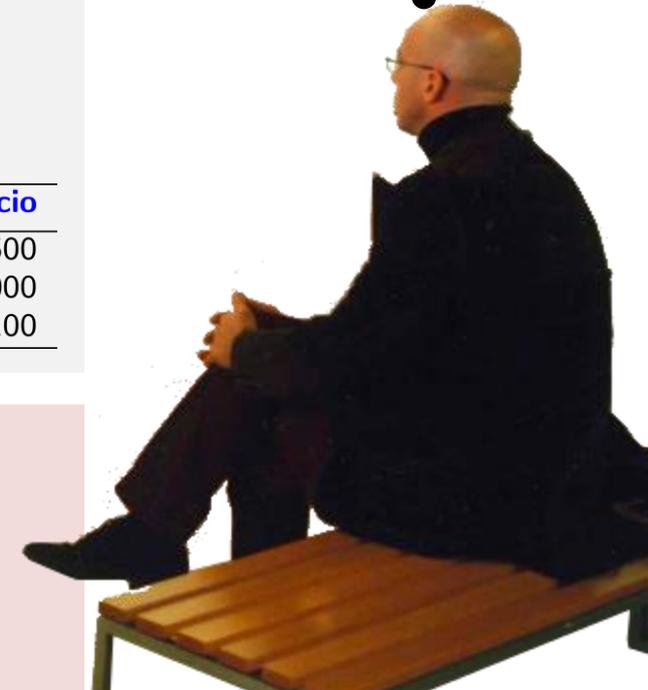
## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400



# ¿Consideremos todas las preguntas?

*En SQL.*

*¡Se acabó! ¿Cuál es el trago con el mejor cociente entre volumen total de alcohol y precio?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	...	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>	<u>cociente</u>
Concha y Toro	Amelie	...	14,0	Casablanca	700	3000	0,03375



# ¿Consideremos la última pregunta?

*No en SQL.* ☹️

*¿Debería comprar este vino?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

debería-usted-comprar-el-vino

Sí, si lo hace dejar de hacer preguntas tontas.



# ¿Una más?

*No en SQL.* ☹️

*¿Cuál es el significado de la vida?*

## Cerveza

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Austral	Lager	Lager	4,6	Punta Arenas	330	2000
Austral	Yagan	Ale	5,0	Punta Arenas	330	2400
Raco	Amber	Ale	4,5	Maipo	500	3000

## Vino

<u>marca</u>	<u>nombre</u>	<u>año</u>	<u>tipo</u>	<u>grados</u>	<u>origen</u>	<u>ml</u>	<u>precio</u>
Tarapacá	Gran	2014	Carménère	13,5	Maipo	750	4500
Concha y Toro	Amelie	2016	Chardonnay	14,0	Casablanca	700	3000
Concha y Toro	Gravas	2015	Syrah	14,0	Maipo	700	3100

significado-de-la-vida

42



# Extensiones del Álgebra Relacional

Actualizado.

- **Extensiones sintácticas**

*Se puede modelar estas extensiones con el álgebra clásica (son como abreviaturas)*

- Varios tipos de join, división (☺), etc.

- **Extensiones algebraicas**

*No se puede modelar estas extensiones con el álgebra clásica (facilitan nuevas tipos de consulta)*

- Agregación, transitividad, etc.

- **Extensiones semánticas**

*Introducen cambios en las definiciones del modelo*

- Tablas ordenadas, tablas con duplicados, nulos, etc.

# Extensiones de la Álgebra Relacional

- Extensiones sintácticas

*Se puede modelar estas extensiones con la álgebra clásica (son como abreviaturas)*

*Solo hablaremos del álgebra clásica en este curso.*

*Pero veremos algunas de estas cosas específicamente en el contexto de SQL, como, por ejemplo, más tipos de join, agregación, ordenamiento, duplicados (multiconjuntos o “bags”), nulos, etc.).*

*Introducen cambios en las definiciones del modelo*

- Tablas ordenadas, tablas con duplicados, nulos, etc.

*LA PROXIMA VEZ, CONTINUAREMOS CON UN POCO DE:*  
**EL CÁLCULO RELACIONAL**

Capítulo 4.3, Database Management Systems,  
Ramakrishnan / Gehrke (Third Edition)

*LA PROXIMA VEZ, EMPEZAREMOS CON EL:*  
**STRUCTURED QUERY LANGUAGE**  
**(SQL)**

Capítulo 5, Database Management Systems,  
Ramakrishnan / Gehrke (Third Edition)

# El horario:

- Tendremos clases:
  - El jueves (29 de septiembre)
    - Un lab: Álgebra Relacional
  - El lunes (3 de octubre)
    - Una sesión auxiliar: Álgebra Relacional
  - El martes (4 de octubre)
    - Una clase: Cálculo y SQL

# Controles

Dos controles:

1. 24 de octubre (lunes)
2. 1 de diciembre (jueves) [actualizada]

Se puede eximir el examen con una nota  $\geq 5,5$   
en los controles

# Preguntas?

